

1. Dane so točke  $A(3, 2, 0)$ ,  $B(2, 1, 2)$  in  $C(4, 1, 6)$ .
  - (a) Določi premico  $p$  skozi točki  $A$  in  $B$ . Premico zapiši v parametrični in implicitni obliki.
  - (b) Ali so točke  $A$ ,  $B$  in  $C$  kolinearne?
  - (c) Poišči točko  $D$  na premici  $p$ , tako da bo vektor  $\overrightarrow{CD}$  pravokoten na  $p$ . Nato določi razdaljo med točko  $C$  in premico  $p$ .
  - (d) Poišči zrcalno sliko  $C'$  pri zrcaljenju točke  $C$  čez premico  $p$ .
  - (e) Poišči točki  $P, Q$  na premici  $p$ , tako da bo  $CPC'Q$  kvadrat.
2. Dane so točke  $A(1, 0, -3)$ ,  $B(-1, 0, 1)$ ,  $C(3, 2, 0)$  in  $D(4, 2, -2)$ .
  - (a) Prepričaj se, da vse štiri ležijo na isti ravnini. Poišči še enačbo te ravnine.
  - (b) Naj bo  $p$  premica, ki gre skozi  $A$  in  $B$ ,  $q$  pa premica, ki gre skozi  $C$  in  $D$ . Zakaj se ti dve premici sekata? Kolikšen je kot med njima?
3. Dane so točke  $A(2, 3, 1)$ ,  $B(1, -1, 1)$ ,  $C(2, 1, 3)$  in  $D(9, 0, -4)$ .
  - (a) Določi enačbo ravnine  $\Sigma$ , ki gre skozi točke  $A$ ,  $B$  in  $C$ .
  - (b) Poišči ravnino skozi točko  $D$ , ki je vzporedna ravnini  $\Sigma$ .
  - (c) Določi razdaljo med ravnino  $\Sigma$  in točko  $D$ . Poišči še zrcalno sliko  $D'$  pri zrcaljenju točke  $D$  čez  $\Sigma$ .
4. Z uporabo Gaussove eliminacije poišči vse rešitve naslednjih sistemov enačb:
 

(a) $\begin{array}{l} x + y + 2z = 3 \\ 2x - y + 4z = 0 \\ 3x - y + z = 1 \end{array}$	(b) $\begin{array}{l} 2x + y - z = 0 \\ x + z = 5 \\ x + y - 2z = -5 \end{array}$	(c) $\begin{array}{l} 2y + z = 5 \\ x - y + 2z = 2 \\ x + y + 3z = 1 \end{array}$
--	---	---
5. Poišči predpis za kvadratno funkcijo  $f(x) = ax^2 + bx + c$ , katere graf gre skozi točke  $A(-1, 6)$ ,  $B(1, 0)$  in  $C(2, 3)$ .
6. Določi polmer in središče krožnice, ki gre skozi točke  $A(-1, 1)$ ,  $B(0, 2)$  in  $C(6, -6)$ .
7. Z uporabo Gaussove eliminacije poišči vse rešitve naslednjih sistemov linearnih enačb:
 

(a) $\begin{array}{l} 2x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 = 4 \\ 4x_1 + 3x_2 - x_3 + 2x_4 = 6 \\ 8x_1 + 5x_2 - 3x_3 + 4x_4 = 12 \\ 3x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 2x_4 = 6 \end{array}$	(c) $\begin{array}{l} 4x_1 - 3x_2 + 2x_3 - x_4 = 8 \\ 3x_1 - 2x_2 + x_3 - 3x_4 = 7 \\ 2x_1 - x_2 - 5x_4 = 6 \\ 5x_1 - 3x_2 + x_3 - 8x_4 = 1 \end{array}$
(b) $\begin{array}{l} 2x_1 + 7x_2 + 3x_3 + x_4 = 5 \\ x_1 + 3x_2 + 5x_3 - 2x_4 = 3 \\ x_1 + 5x_2 - 9x_3 + 8x_4 = 1 \\ 5x_1 + 18x_2 + 4x_3 + 5x_4 = 12 \end{array}$	(d) $\begin{array}{l} 3x_1 + 4x_2 + x_3 + 2x_4 = 3 \\ 6x_1 + 8x_2 + 2x_3 + 5x_4 = 7 \\ 9x_1 + 12x_2 + 3x_3 + 10x_4 = 13 \end{array}$